

вариант	Ф. номер	група	поток	курс	от предишна година?
<b>А</b>					
Име:					

**Устен изпит по Изчислимост и сложност, 09.02.2017 спец. Компютърни науки, III курс, избираем**

**1 зад.** Нека  $N^* = \cup_{n=1}^{\infty} N^n$ .

- а) Дефинирайте изображението  $\tau : N^* \rightarrow N$ . Докажете, че  $\tau$  е биекция.  
 б) дефинирайте декодиращите функции  $tem(a, i)$  и  $lh(a)$  за кодирането  $\tau$  и докажете, че те са примитивно рекурсивни.

**2 зад.** а) Обяснете какво означаваме с  $\varphi_a^{(n)}$ . Дайте определение за индекс на функция  $f$ . Докажете, че  $f$  е изчислима тогава и само тогава, когато има индекс.

- б) Докажете, че съществува тотална функция, която не е изчислима.

**3 зад.** а) Формулирайте Теоремата за определимост по рекурсия и Втората теорема за рекурсия.

- б) Докажете, че от едната теорема следва другата и обратно.

в) Нека  $g$  и  $h$  са тотални функции. Докажете, че има единствена функция  $f$ , която удовлетворява условието

$$f(x, y) = \text{if } x = 0 \text{ then } g(y) \text{ else } f(x - 1, h(x, y))$$

и тя е рекурсивна, ако  $g$  и  $h$  са рекурсивни.

**Успех :)!**

вариант	Ф. номер	група	поток	курс	от предишна година?
<b>А</b>					
Име:					

**Устен изпит по Изчислимост и сложност, 09.02.2017 спец. Компютърни науки, III курс, избираем**

**1 зад.** Нека  $N^* = \cup_{n=1}^{\infty} N^n$ .

- а) Дефинирайте изображението  $\tau : N^* \rightarrow N$ . Докажете, че  $\tau$  е биекция.  
 б) дефинирайте декодиращите функции  $tem(a, i)$  и  $lh(a)$  за кодирането  $\tau$  и докажете, че те са примитивно рекурсивни.

**2 зад.** а) Обяснете какво означаваме с  $\varphi_a^{(n)}$ . Дайте определение за индекс на функция  $f$ . Докажете, че  $f$  е изчислима тогава и само тогава, когато има индекс.

- б) Докажете, че съществува тотална функция, която не е изчислима.

**3 зад.** а) Формулирайте Теоремата за определимост по рекурсия и Втората теорема за рекурсия.

- б) Докажете, че от едната теорема следва другата и обратно.

в) Нека  $g$  и  $h$  са тотални функции. Докажете, че има единствена функция  $f$ , която удовлетворява условието

$$f(x, y) = \text{if } x = 0 \text{ then } g(y) \text{ else } f(x - 1, h(x, y))$$

и тя е рекурсивна, ако  $g$  и  $h$  са рекурсивни.

**Успех :)!**

вариант	Ф. номер	група	поток	курс	от предишна година?
<b>А</b>					
Име:					

**Устен изпит по Изчислимост и сложност, 09.02.2017 спец. Компютърни науки, III курс, избираем**

**1 зад.** Нека  $N^* = \cup_{n=1}^{\infty} N^n$ .

- а) Дефинирайте изображението  $\tau : N^* \rightarrow N$ . Докажете, че  $\tau$  е биекция.  
 б) дефинирайте декодиращите функции  $tem(a, i)$  и  $lh(a)$  за кодирането  $\tau$  и докажете, че те са примитивно рекурсивни.

**2 зад.** а) Обяснете какво означаваме с  $\varphi_a^{(n)}$ . Дайте определение за индекс на функция  $f$ . Докажете, че  $f$  е изчислима тогава и само тогава, когато има индекс.

- б) Докажете, че съществува тотална функция, която не е изчислима.

**3 зад.** а) Формулирайте Теоремата за определимост по рекурсия и Втората теорема за рекурсия.

- б) Докажете, че от едната теорема следва другата и обратно.

в) Нека  $g$  и  $h$  са тотални функции. Докажете, че има единствена функция  $f$ , която удовлетворява условието

$$f(x, y) = \text{if } x = 0 \text{ then } g(y) \text{ else } f(x - 1, h(x, y))$$

и тя е рекурсивна, ако  $g$  и  $h$  са рекурсивни.

**Успех :)!**

вариант	Ф. номер	група	поток	курс	от предишна година?
<b>А</b>					
Име:					

**Устен изпит по Изчислимост и сложност, 09.02.2017 спец. Компютърни науки, III курс, избираем**

**1 зад.** Нека  $N^* = \cup_{n=1}^{\infty} N^n$ .

- а) Дефинирайте изображението  $\tau : N^* \rightarrow N$ . Докажете, че  $\tau$  е биекция.  
 б) дефинирайте декодиращите функции  $tem(a, i)$  и  $lh(a)$  за кодирането  $\tau$  и докажете, че те са примитивно рекурсивни.

**2 зад.** а) Обяснете какво означаваме с  $\varphi_a^{(n)}$ . Дайте определение за индекс на функция  $f$ . Докажете, че  $f$  е изчислима тогава и само тогава, когато има индекс.

- б) Докажете, че съществува тотална функция, която не е изчислима.

**3 зад.** а) Формулирайте Теоремата за определимост по рекурсия и Втората теорема за рекурсия.

- б) Докажете, че от едната теорема следва другата и обратно.

в) Нека  $g$  и  $h$  са тотални функции. Докажете, че има единствена функция  $f$ , която удовлетворява условието

$$f(x, y) = \text{if } x = 0 \text{ then } g(y) \text{ else } f(x - 1, h(x, y))$$

и тя е рекурсивна, ако  $g$  и  $h$  са рекурсивни.

**Успех :)!**