

вар.	факултетен номер	група	поток	курс	спец.
<b>1</b>					
Име:					

Второ контролно по ЕАИ - Информатика  
13.01.2024 г.

В задачи 2 и 3 езиците са над азбука  $\Sigma = \{a, b, \#\}$ , тоест символът  $\#$  е буква. За буквa  $\sigma \in \Sigma$  и дума  $\omega \in \Sigma^*$ , с  $|\omega|_\sigma$  означаваме броят срещания на буквата  $\sigma$  в състава на думата  $\omega$ . Например  $|abbaa|_a = 3$  и  $|abbaa|_b = 2$ .

**Задача 1. (1.25 т)** Да се построи контекстно-свободна граматика за езика  $L = (\mathcal{L}(\mathcal{N}) \cup \{ab, b, \varepsilon\}) \cdot \mathcal{L}(G)^*$  като се използват изучавани конструкции или се докаже коректността на граматиката, където  $G$  е контекстно-свободна граматика и  $\mathcal{N}$  е недетерминиран краен автомат, определени по следния начин:

$$G = \langle \{a, b\}, \{S, X\}, S, \{S \rightarrow aSb|XX, X \rightarrow a|SS\} \rangle$$

$$\mathcal{N} = \langle \{a, b\}, \{s, f_1, f_2\}, s, \Delta, \{f_1, f_2\} \rangle$$

$$\Delta(s, a) = \{f_1, f_2\}, \Delta(s, b) = \{f_2\}, \Delta(f_1, a) = \{f_1\}, \Delta(f_1, b) = \{s\}$$

**Задача 2. (1.6 т)**

- (0.8 т) Да се построи контекстно-свободна граматика  $G$  за следният език:

$$L = \{\omega \# \beta \mid \omega, \beta \in \{a, b\}^*\text{ и }|\beta|_b = 2|\omega|_a\}$$

- (0.8 т) Да се докаже, че  $\mathcal{L}(G) = L$

**Задача 3. (1.25 т)** Докажете, че следният език не е контекстно-свобден:

$$L = \{\omega \# a^{|\beta|_a} b^{|\omega|_b} \# \beta \mid \omega, \beta \in \{a, b\}^*\}$$

Оценка се пресмята по формулата:  $\min(2 + \text{получени точки}, 6)$ . Екипът Ви пожелава успех!

вар.	факултетен номер	група	поток	курс	спец.
<b>2</b>					
Име:					

Второ контролно по ЕАИ - Информатика  
13.01.2024 г.

В задачи 2 и 3 езиците са над азбука  $\Sigma = \{a, b, \#\}$ , тоест символът  $\#$  е буква. За буквa  $\sigma \in \Sigma$  и дума  $\omega \in \Sigma^*$ , с  $|\omega|_\sigma$  означаваме броят срещания на буквата  $\sigma$  в състава на думата  $\omega$ . Например  $|abbaa|_a = 3$  и  $|abbaa|_b = 2$ .

**Задача 1. (1.25 т)** Да се построи контекстно-свободна граматика за езика  $L = (\mathcal{L}(\mathcal{N}) \cup \{ab, b, \varepsilon\}) \cdot \mathcal{L}(G)^*$  като се използват изучавани конструкции или се докаже коректността на граматиката, където  $G$  е контекстно-свободна граматика и  $\mathcal{N}$  е недетерминиран краен автомат, определени по следния начин:

$$G = \langle \{a, b\}, \{S, X\}, S, \{S \rightarrow aSb|XX, X \rightarrow a|SS\} \rangle$$

$$\mathcal{N} = \langle \{a, b\}, \{s, f_1, f_2\}, s, \Delta, \{f_1, f_2\} \rangle$$

$$\Delta(s, a) = \{f_1, f_2\}, \Delta(s, b) = \{f_2\}, \Delta(f_1, a) = \{f_1\}, \Delta(f_1, b) = \{s\}$$

**Задача 2. (1.6 т)**

- (0.8 т) Да се построи контекстно-свободна граматика  $G$  за следният език:

$$L = \{\omega \# \beta \mid \omega, \beta \in \{a, b\}^*\text{ и }|\beta|_b = 2|\omega|_a\}$$

- (0.8 т) Да се докаже, че  $\mathcal{L}(G) = L$

**Задача 3. (1.25 т)** Докажете, че следният език не е контекстно-свобден:

$$L = \{\omega \# a^{|\beta|_a} b^{|\omega|_b} \# \beta \mid \omega, \beta \in \{a, b\}^*\}$$

Оценка се пресмята по формулата:  $\min(2 + \text{получени точки}, 6)$ . Екипът Ви пожелава успех!

вар.	факултетен номер	група	поток	курс	спец.
<b>1</b>					
Име:					

Второ контролно по ЕАИ - Информатика  
13.01.2024 г.

В задачи 2 и 3 езиците са над азбука  $\Sigma = \{a, b, \#\}$ , тоест символът  $\#$  е буква. За буквa  $\sigma \in \Sigma$  и дума  $\omega \in \Sigma^*$ , с  $|\omega|_\sigma$  означаваме броят срещания на буквата  $\sigma$  в състава на думата  $\omega$ . Например  $|abbaa|_a = 3$  и  $|abbaa|_b = 2$ .

**Задача 1. (1.25 т)** Да се построи контекстно-свободна граматика за езика  $L = (\mathcal{L}(\mathcal{N}) \cup \{ab, b, \varepsilon\}) \cdot \mathcal{L}(G)^*$  като се използват изучавани конструкции или се докаже коректността на граматиката, където  $G$  е контекстно-свободна граматика и  $\mathcal{N}$  е недетерминиран краен автомат, определени по следния начин:

$$G = \langle \{a, b\}, \{S, X\}, S, \{S \rightarrow aSb|XX, X \rightarrow a|SS\} \rangle$$

$$\mathcal{N} = \langle \{a, b\}, \{s, f_1, f_2\}, s, \Delta, \{f_1, f_2\} \rangle$$

$$\Delta(s, a) = \{f_1, f_2\}, \Delta(s, b) = \{f_2\}, \Delta(f_1, a) = \{f_1\}, \Delta(f_1, b) = \{s\}$$

**Задача 2. (1.6 т)**

- (0.8 т) Да се построи контекстно-свободна граматика  $G$  за следният език:

$$L = \{\omega \# \beta \mid \omega, \beta \in \{a, b\}^*\text{ и }|\beta|_b = 2|\omega|_a\}$$

- (0.8 т) Да се докаже, че  $\mathcal{L}(G) = L$

**Задача 3. (1.25 т)** Докажете, че следният език не е контекстно-свобден:

$$L = \{\omega \# a^{|\beta|_a} b^{|\omega|_b} \# \beta \mid \omega, \beta \in \{a, b\}^*\}$$

Оценка се пресмята по формулата:  $\min(2 + \text{получени точки}, 6)$ . Екипът Ви пожелава успех!

вар.	факултетен номер	група	поток	курс	спец.
<b>2</b>					
Име:					

Второ контролно по ЕАИ - Информатика  
13.01.2024 г.

В задачи 2 и 3 езиците са над азбука  $\Sigma = \{a, b, \#\}$ , тоест символът  $\#$  е буква. За буквa  $\sigma \in \Sigma$  и дума  $\omega \in \Sigma^*$ , с  $|\omega|_\sigma$  означаваме броят срещания на буквата  $\sigma$  в състава на думата  $\omega$ . Например  $|abbaa|_a = 3$  и  $|abbaa|_b = 2$ .

**Задача 1. (1.25 т)** Да се построи контекстно-свободна граматика за езика  $L = (\mathcal{L}(\mathcal{N}) \cup \{ab, b, \varepsilon\}) \cdot \mathcal{L}(G)^*$  като се използват изучавани конструкции или се докаже коректността на граматиката, където  $G$  е контекстно-свободна граматика и  $\mathcal{N}$  е недетерминиран краен автомат, определени по следния начин:

$$G = \langle \{a, b\}, \{S, X\}, S, \{S \rightarrow aSb|XX, X \rightarrow a|SS\} \rangle$$

$$\mathcal{N} = \langle \{a, b\}, \{s, f_1, f_2\}, s, \Delta, \{f_1, f_2\} \rangle$$

$$\Delta(s, a) = \{f_1, f_2\}, \Delta(s, b) = \{f_2\}, \Delta(f_1, a) = \{f_1\}, \Delta(f_1, b) = \{s\}$$

**Задача 2. (1.6 т)**

- (0.8 т) Да се построи контекстно-свободна граматика  $G$  за следният език:

$$L = \{\omega \# \beta \mid \omega, \beta \in \{a, b\}^*\text{ и }|\beta|_b = 2|\omega|_a\}$$

- (0.8 т) Да се докаже, че  $\mathcal{L}(G) = L$

**Задача 3. (1.25 т)** Докажете, че следният език не е контекстно-свобден:

$$L = \{\omega \# a^{|\beta|_a} b^{|\omega|_b} \# \beta \mid \omega, \beta \in \{a, b\}^*\}$$

Оценка се пресмята по формулата:  $\min(2 + \text{получени точки}, 6)$ . Екипът Ви пожелава успех!