

вар.	факултетен номер	група	поток	курс	спец.
<b>1</b>					
Име:					

Писмен изпит по ЕАИ - Информатика  
23.01.2024 г.

В задачи 2 и 3 езиците са над азбука  $\Sigma = \{a, b, \#\}$ , тоест символът  $\#$  е буква. За естествени числа  $t, k \in \mathbb{N}$ , където  $k \geq 2$ , с  $(t \bmod k)$  означаваме остатъка на  $t$  при деление с  $k$ .

**Задача 1.** (1 т) Нека  $G$  е граматиката с начална променлива  $S$ , зададена чрез следните правила:

$$\begin{aligned} S &\rightarrow aT \mid aM \mid aX \\ T &\rightarrow bS \mid \varepsilon \\ M &\rightarrow bM \mid bX \mid \varepsilon \\ X &\rightarrow aS \end{aligned}$$

Да се построи краен детерминиран автомат  $\mathcal{A}$ , за който е изпълнено  $\mathcal{L}(\mathcal{A}) = \mathcal{L}(G)$ , като се използват изучавани конструкции или се докаже коректността на автомата.

**Задача 2.** (2 т)

- (1 т) Докажете, че следният език е регулярен:

$$L_1 = \{a^t \# a^{m \cdot (t \bmod 2)} b^{m \cdot ((t+1) \bmod 2)} \mid t, m \in \mathbb{N}\}$$

- (1 т) Докажете, че следният език не е регулярен:

$$L_2 = \{a^t \# a^{m \cdot (t \bmod 2)} b^{m \cdot ((t+1) \bmod 3)} \mid t, m \in \mathbb{N}\}$$

**Задача 3.** (1 т) Нека  $L = \{\omega \cdot \omega^{rev} \mid \omega \in \{a, b\}^*\}$ . Докажете, че следният език е контекстно-свободен:

$$L_3 = \{a^t b^t \# \beta \mid t \in \mathbb{N}, \beta \in L^{(t \bmod 3)}\}$$

Оценката се пресмята по формулата: 2 + получените точки.  
Екипът Ви пожелава успех!

вар.	факултетен номер	група	поток	курс	спец.
<b>2</b>					
Име:					

Писмен изпит по ЕАИ - Информатика  
23.01.2024 г.

В задачи 2 и 3 езиците са над азбука  $\Sigma = \{a, b, \#\}$ , тоест символът  $\#$  е буква. За естествени числа  $t, k \in \mathbb{N}$ , където  $k \geq 2$ , с  $(t \bmod k)$  означаваме остатъка на  $t$  при деление с  $k$ .

**Задача 1.** (1 т) Нека  $G$  е граматиката с начална променлива  $S$ , зададена чрез следните правила:

$$\begin{aligned} S &\rightarrow aT \mid aM \mid aX \\ T &\rightarrow bS \mid \varepsilon \\ M &\rightarrow bM \mid bX \mid \varepsilon \\ X &\rightarrow aS \end{aligned}$$

Да се построи краен детерминиран автомат  $\mathcal{A}$ , за който е изпълнено  $\mathcal{L}(\mathcal{A}) = \mathcal{L}(G)$ , като се използват изучавани конструкции или се докаже коректността на автомата.

**Задача 2.** (2 т)

- (1 т) Докажете, че следният език е регулярен:

$$L_1 = \{a^t \# a^{m \cdot (t \bmod 2)} b^{m \cdot ((t+1) \bmod 2)} \mid t, m \in \mathbb{N}\}$$

- (1 т) Докажете, че следният език не е регулярен:

$$L_2 = \{a^t \# a^{m \cdot (t \bmod 2)} b^{m \cdot ((t+1) \bmod 3)} \mid t, m \in \mathbb{N}\}$$

**Задача 3.** (1 т) Нека  $L = \{\omega \cdot \omega^{rev} \mid \omega \in \{a, b\}^*\}$ . Докажете, че следният език е контекстно-свободен:

$$L_3 = \{a^t b^t \# \beta \mid t \in \mathbb{N}, \beta \in L^{(t \bmod 3)}\}$$

Оценката се пресмята по формулата: 2 + получените точки.  
Екипът Ви пожелава успех!

вар.	факултетен номер	група	поток	курс	спец.
<b>1</b>					
Име:					

Писмен изпит по ЕАИ - Информатика  
23.01.2024 г.

В задачи 2 и 3 езиците са над азбука  $\Sigma = \{a, b, \#\}$ , тоест символът  $\#$  е буква. За естествени числа  $t, k \in \mathbb{N}$ , където  $k \geq 2$ , с  $(t \bmod k)$  означаваме остатъка на  $t$  при деление с  $k$ .

**Задача 1.** (1 т) Нека  $G$  е граматиката с начална променлива  $S$ , зададена чрез следните правила:

$$\begin{aligned} S &\rightarrow aT \mid aM \mid aX \\ T &\rightarrow bS \mid \varepsilon \\ M &\rightarrow bM \mid bX \mid \varepsilon \\ X &\rightarrow aS \end{aligned}$$

Да се построи краен детерминиран автомат  $\mathcal{A}$ , за който е изпълнено  $\mathcal{L}(\mathcal{A}) = \mathcal{L}(G)$ , като се използват изучавани конструкции или се докаже коректността на автомата.

**Задача 2.** (2 т)

- (1 т) Докажете, че следният език е регулярен:

$$L_1 = \{a^t \# a^{m \cdot (t \bmod 2)} b^{m \cdot ((t+1) \bmod 2)} \mid t, m \in \mathbb{N}\}$$

- (1 т) Докажете, че следният език не е регулярен:

$$L_2 = \{a^t \# a^{m \cdot (t \bmod 2)} b^{m \cdot ((t+1) \bmod 3)} \mid t, m \in \mathbb{N}\}$$

**Задача 3.** (1 т) Нека  $L = \{\omega \cdot \omega^{rev} \mid \omega \in \{a, b\}^*\}$ . Докажете, че следният език е контекстно-свободен:

$$L_3 = \{a^t b^t \# \beta \mid t \in \mathbb{N}, \beta \in L^{(t \bmod 3)}\}$$

Оценката се пресмята по формулата: 2 + получените точки.  
Екипът Ви пожелава успех!

вар.	факултетен номер	група	поток	курс	спец.
<b>2</b>					
Име:					

Писмен изпит по ЕАИ - Информатика  
23.01.2024 г.

В задачи 2 и 3 езиците са над азбука  $\Sigma = \{a, b, \#\}$ , тоест символът  $\#$  е буква. За естествени числа  $t, k \in \mathbb{N}$ , където  $k \geq 2$ , с  $(t \bmod k)$  означаваме остатъка на  $t$  при деление с  $k$ .

**Задача 1.** (1 т) Нека  $G$  е граматиката с начална променлива  $S$ , зададена чрез следните правила:

$$\begin{aligned} S &\rightarrow aT \mid aM \mid aX \\ T &\rightarrow bS \mid \varepsilon \\ M &\rightarrow bM \mid bX \mid \varepsilon \\ X &\rightarrow aS \end{aligned}$$

Да се построи краен детерминиран автомат  $\mathcal{A}$ , за който е изпълнено  $\mathcal{L}(\mathcal{A}) = \mathcal{L}(G)$ , като се използват изучавани конструкции или се докаже коректността на автомата.

**Задача 2.** (2 т)

- (1 т) Докажете, че следният език е регулярен:

$$L_1 = \{a^t \# a^{m \cdot (t \bmod 2)} b^{m \cdot ((t+1) \bmod 2)} \mid t, m \in \mathbb{N}\}$$

- (1 т) Докажете, че следният език не е регулярен:

$$L_2 = \{a^t \# a^{m \cdot (t \bmod 2)} b^{m \cdot ((t+1) \bmod 3)} \mid t, m \in \mathbb{N}\}$$

**Задача 3.** (1 т) Нека  $L = \{\omega \cdot \omega^{rev} \mid \omega \in \{a, b\}^*\}$ . Докажете, че следният език е контекстно-свободен:

$$L_3 = \{a^t b^t \# \beta \mid t \in \mathbb{N}, \beta \in L^{(t \bmod 3)}\}$$

Оценката се пресмята по формулата: 2 + получените точки.  
Екипът Ви пожелава успех!