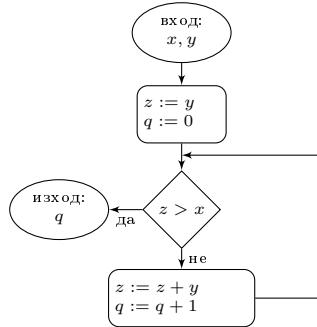


вариант	ф. номер	група	поток	курс	специалност
<b>1</b>					
Име:					

Писмен изпит по СЕП  
14.06.2016



**Зад. 1** (1.25 т.). Да разгледаме програмата  $P$  зададена с блок-схемата и условията  $I(x, y) \stackrel{\text{def}}{\equiv} x \in \mathbb{N} \& y \in \mathbb{N} \& y > 0$ , и  $O(x, y, q) \stackrel{\text{def}}{\equiv} q = [x/y]$ .

- a) Формулирайте какво означава програмата  $P$  да бъде частично коректна относно входното условие  $I$  и изходното условие  $O$ .
- b) Докажете, че програмата  $P$  е частично коректна относно входното условие  $I$  и изходното условие  $O$ .
- c) Формулирайте какво означава програмата  $P$  да бъде totally коректна относно входното условие  $I$  и изходното условие  $O$ .
- d) Обясните дали програмата  $P$  е totally коректна относно входното условие  $I$  и изходното условие  $O$ .

**Зад. 2** (1.75 т.). Да разгледаме операторите  $\Gamma_{1,2} : \mathcal{F}_2 \rightarrow \mathcal{F}_2$ ,

$$\begin{aligned}\Gamma_1(f)(x, y) &\simeq \begin{cases} f(x, y - x), & \text{ако } x \leq y \\ f(x - y, x), & \text{ако } x > y \end{cases} \\ \Gamma_2(f)(x, y) &\simeq \begin{cases} f(x, y - x), & \text{ако } x < y \\ f(x - y, x), & \text{ако } x > y \\ 0, & \text{ако } x = y. \end{cases}\end{aligned}$$

За всеки от двата оператора:

- a) намерете най-малките им неподвижни точки.
- b) имат ли други неподвижни точки? Обосновете отговора си!

**Зад. 3** (1.5 т.). Да разгледаме следната програма:

```

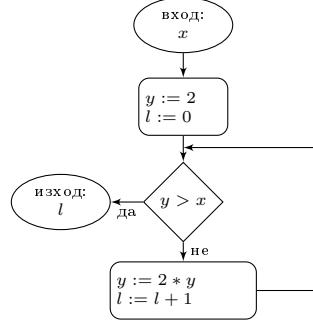
h(x) = f(x, x) where
  f(x, y) = if y == 0 then 0
            else if x 'rem' 2 == 1 then f(x, y - 1) + 1
            else f(f(x + 1, y), y 'div' 2)
  
```

Вярно ли е, че  $\mathcal{D}_V[h] = \mathcal{D}_N[h]$ ? Обосновете отговора си!

Необходими са Ви 4 точки за отлична оценка.

вариант	ф. номер	група	поток	курс	специалност
<b>2</b>					
Име:					

Писмен изпит по СЕП  
14.06.2016



**Зад. 1** (1.25 т.). Да разгледаме програмата  $P$  зададена с блок-схемата и условията  $I(x) \stackrel{\text{def}}{\equiv} x \in \mathbb{N} \& x > 0$ , и  $O(x, l) \stackrel{\text{def}}{\equiv} l = [\log_2 x]$ .

- a) Формулирайте какво означава програмата  $P$  да бъде частично коректна относно входното условие  $I$  и изходното условие  $O$ .
- b) Докажете, че програмата  $P$  е частично коректна относно входното условие  $I$  и изходното условие  $O$ .
- c) Формулирайте какво означава програмата  $P$  да бъде totally коректна относно входното условие  $I$  и изходното условие  $O$ .
- d) Обясните дали програмата  $P$  е totally коректна относно входното условие  $I$  и изходното условие  $O$ .

**Зад. 2** (1.75 т.). Да разгледаме операторите  $\Gamma_{1,2} : \mathcal{F}_2 \rightarrow \mathcal{F}_2$ ,

$$\begin{aligned}\Gamma_1(f)(x, y) &\simeq \begin{cases} f(y - x, x), & \text{ако } x < y \\ f(x, x - y), & \text{ако } x \geq y \end{cases} \\ \Gamma_2(f)(x, y) &\simeq \begin{cases} 0, & \text{ако } x = y \\ f(y - x, x), & \text{ако } x < y \\ f(x, x - y), & \text{ако } x > y. \end{cases}\end{aligned}$$

За всеки от двата оператора:

- a) намерете най-малките им неподвижни точки.
- b) имат ли други неподвижни точки? Обосновете отговора си!

**Зад. 3** (1.5 т.). Да разгледаме следната програма:

```

h(x) = f(x, x) where
  f(x, y) = if x == 0 then 0
            else if x 'rem' 2 == 1 then f(x - 1, y) + 1
            else f(f(x + 1, y), y 'div' 2)
  
```

Вярно ли е, че  $\mathcal{D}_V[h] = \mathcal{D}_N[h]$ ? Обосновете отговора си!

Необходими са Ви 4 точки за отлична оценка.